

αέρα. ἀπὸ καθέτου δὲ γίνεται, ὅταν τὸ σῶμα ἀπὸ
μαυωτέρου εἰς πυκνότερον φέρεται, εἶον ἀπὸ αἵρος εἰς
ὑδωρ.

ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Ε'.

Περὶ Βαρύτητος τῶν σωμάτων.

Διάφοροι εἰσι τῶν φυσιολογούντων αἱ δόξαι περὶ βα-
ρύτης, ἐν αἷς καὶ τινες εἰσι λίαν ἔκτοποι καὶ παρά-
δοξοί. κοινοτέρα μὲν τοι νυνὶ ἢ τῇ ὑλῇ ἀπλῶς ιδιότη-
τα ταύτῃ προσαπονέμουσα, καὶ συμμετῶσα. ἀλλὰ
πῶς μὲν ὑλῆς ἔστιν ιδιότης, ὅτι κατ' αὐτὴν ὄρεται.
εἴθε γὰρ πλείων ἢ ὑλῆ, ἐν τέτοις πλείων καὶ ἢ βα-
ρύτης. ὄρεται δὲ ὑπὸ τῶν εἰδῶν, καὶ ἐπορεύσας ὑπὸ
τῶν εἰδῶν μετῶται, καὶ κατὰ τὰ εἶδη ἐπακολουθεῖ,
καὶ μᾶλλον τῶν εἰδῶν αὐτῶν εἶναι ιδιότης ἐν ὑλῇ, ἢ πῶς ὑ-
λῆς ἀπλῶς. εἰ γὰρ ἐν τῇ φύσει ὅλον γένει τινα διε-
νέουχε, καὶ ἄλλα ἄλλοις ἀνήκει τῶν σωματικῶν, καὶ
βαρύτης ἔτι τοῖς πᾶσι κοινή, καὶν εἴθε ἢ. ἔστι δὲ ἢ
βαρύτης ῥοπή τοῦ γεώδους πρὸς τὸ κέντρον. ἐπεὶ δὲ
τὰ εἶδη ἀναμετρεῖται τὴν τε ὑλῆν καὶ τὸν τῶ παντὸς
τόπον, γῆ δὲ προσχοῦσα τὸν ἐλάχιστον περὶ τὸ κέν-
τρον τόπον, μεταχῶσα πλείονος ὑλῆς κατ' ἀναλογίαν
τῶν στοιχείων, καὶ πυκνωθεῖσα, ἐπιβρίθει πρὸς τὸ
κέντρον κατὰ φύσιν. διὸ καὶ ταύτης ὅσον μετέχον ἔ-
καστα, ἐπιβαρύνει πρὸς τὸ κέντρον, καὶ φέρεται μὴ
καλυόμενα. συμμέμικται δὲ παντοίοις τοῖς εἶδεσι,
μά-

μάλιςα πειρὲ τὸν μέσον χώρον, καὶ δι' αὐτὴν ταῦτα
 βάρος καὶ ῥοπλὴν ἔχει πρὸς τὸ τοῦ πάντος κέντρον.
 ὡς τῷ λόγῳ τῶ γεώδους ἔστιν ἡ βαρύτης, καὶ ἡ ῥο-
 πὴ ἐκάστῃ πρὸς τὸ κέντρον. καὶ ταῦτα ἀντικρὺς λέγου-
 σιν οἱ τὴν βαρύτητα τῶ πλεονάζοντι τῆς ὕλης ἐπι-
 μετρῶντες. ἡ γὰρ χειρικὴ βαρύτης τῶ σωμάτων ἔκ τε
 τῶ γεώδους, καὶ τῆς ἐκάστῃ συστάσεως ἠρπύται. τὰ μὲν
 γὰρ δοκεῖ κῦφα ἐν μείζοσιν ὄγκοις, ἢ ὅτι ἐλάσσονος
 τοῦ γεώδους μετέχει, ἢ ὅτι πορώδη ὄντα πλήρη εἰσὶν
 αἴρος. τὰ δὲ βαρύτερα ἐν ἐλάσσονι ὄγκῳ πυκνὰ ὄν-
 τα. καὶ τῶ ὁμοιοειδῶν τὰ μὲν πλείονος μετασχόντα
 τῶ γεώδους, βαρύτερα, τὰ δὲ ἐλάσσονος κυφότερα κεί-
 νεται ἐν ἴσοις τοῖς ὄγκοις. συμβαίνει γὰρ καὶ τοῖς
 ὁμοιοδέσει διὰ τὴν ἀλλοίαν μίξιν καὶ κρᾶσιν καὶ πύ-
 κνωσιν ἢ μάνωσιν μάλλον ἢ ἥττον ἐπιβαρυνεῖται καὶ ῥε-
 πειν πρὸς τὸ κέντρον.

Ἔλεγχος κατὰ τινῶν πειραμάτων.
 πειρὲ Βαρύτητος.

Ἰδιώματα τῶ ἀπὸ βαρύτητος κινουμένων καὶ αὐτῆς
 τῆς βαρύτητος ἐπειράσωντο διάφορως οἱ νέοι πειραμα-
 τικοὶ ἐκλαβεῖν. ἀλλ' ὅσα μὲν ἐν τῶ παρ' αὐτοῖς κεί-
 νῃ, ἤπερ ταῦτα κενά. εἰ γὰρ ἔστιν, ἢ ἔστιν ἐν τῇ
 φύσει ἀπλῶς κενόν. εἰ δὲ ἔστιν ἐκλαβεῖν εὐδεμιᾶ μη-
 χανῆ. τὰ δὲ τεχνητόδομνα πρὸς κένωσιν, ὄξαντλα-
 σι μὲν τὰ βεῖδον, ἴσως καὶ ἐπεροφυές, καὶ ὡς εἰπεῖν
 ἐκπνόμεμασι τὸν περὶ ἡμᾶς αἴρα, ἢ κίσα δὲ ἀποκε-
 νῶ.

νῆσιν. εἰ γὰρ ποσαύτη ἢ τῷ αἵρος φυσικῆ λεπτότης,
 ὥστε καὶ διὰ τῆς λεπτοτάτων ἀδρόων τῆς λίαν ἐλαχί-
 στων ἐντόμων διήκειν καὶ διαπνεῖν, τίς μηχανὴ συλ-
 λάβοι καὶ διακρατήσκειν, ὥστε τὸ μεταξύ σωμάτων
 στερεῶν, ἐντέχνων ὁμως καὶ ἐπακτῆς, κενὸν ἀπολι-
 πεῖν καὶ λεπτοτάτω αἵρος; ἔ γὰρ συλλαμβάνεται τοῖς
 ἀπὸ τέχνης σκόδρασι διάχυτος λίαν γενόμενος. ἐκκε-
 νοῖ ἄρα ἡ μηχανὴ τὸν ἐμβριθεῖ αἶρα, ἢ ἄλλως εἰ-
 πεῖν λεπτιώει, καὶ ἀρμιοῖ. τὸν δὲ καθαρὸν καὶ ἀμιγῆ
 καὶ λεπτότατον ἐξελεῖν ἔκ ἔχει. ἢ διὰ τίνας ἢ ὄρα-
 σις ἐν αὐτῇ καθορᾷ τὰ ὀρώμενα; τὸ γὰρ κενὸν ἐδέν-
 ὄν, ἔθ' ἑαυτῶς οὐδ' ἄλλω δῶν ὑπόστασιν. εἰ δὲ καὶ τὸ
 φῶς εἰσέλαι, τὸ κενὸν πάντως ὄχεται. ἀλλὰ πρὸς ἄλ-
 λα μὲν ἴσως λυσιτελεῖ τὰ τοιαῦτα πειράματα, καὶ αἰ-
 περὶ ταῦτα μηχαναί. πρὸς δὲ ἀπόδειξιν, ὅτι ἔστιν
 ἐν τῇ φύσει ἀπολύτως κενὸν, ἀσυυτελεῖ. μάταιον
 ἄρα τὸ κενὸν ἐν τοῖς διαφόρως κινεμένοισι προσεπιλο-
 γιζόμενον. τῆς γὰρ ἐν τῇ φύσει σωμάτων παντοία ἢ
 σύστασις καὶ διαφέρουσα μίξει, κράσει, πυκνότητι, ἀ-
 ραιότητι, μεγέθει, χήματι, κἀντεῦθεν καὶ ἡ πολυτρό-
 πος τῆς βαρύτητος κίνησις, καὶ ἡ βαρύτης αὐτή. αἰεὶ
 γὰρ τὰ ἀεράδη κουφότερα τῆς ὑδαρῶν, καὶ ταῦτα τῆς
 γεωδῶν διὰ τὴν μίξιν καὶ κράσιν. καὶ τὰ κλαδαρᾶ
 τῆς σφαιρικῶν διὰ τὴν ἀντέρισιν τῷ μέσῳ, καὶ τὰ πο-
 ρῶδη τῆς πυκνῶν διὰ τὸν ἐν αὐτοῖς περικλειόμενον
 αἶρα, καὶ ἐν γένει τὰ ἐν τῷ αὐτῷ εἶδει ἄλλοια ἄλ-
 λω προσέχε βαρύτητα ἐν ἄλλοις γεννώμενα καὶ ἔε-
 φόμενα.

Σημειώτιον ἐπὶ τῆς τῆς βαρίων καθόδου τὸν χρόνον, τὰς ταχύτητας. αἱ γὰρ ταχύτητες αὐξουσιν ἐπίσης τῆς χρόνῳ τὸ κατὰ μέρος καὶ ὀλικὸν διάστημα. ἐπιμεριζόμενος γὰρ ὁ χρόνος συνάμα καὶ ἡ ταχύτης κατὰ ἀριθμὸς 1. 2. 3. 4. 5. ἔσονται τὰ διαφερόμενα διαστήματα, ὡς τὰ τέτων τετράγωνα 1. 4. 9. 16.

Ὅσον ἐν εὐί λεπτῆς διέλθῃτι πόδας 15 ἐν δυοσί διελύσεται πόδας 45, καὶ ἐν τρισὶ πόδας 135. ἡ γὰρ πρόοδος τῆς διαστημάτων ἄπερ ἐν ἴσοις χρόνοις τὸ σῶμα κατέρχεται, ἔστιν ὡς ἡ πρόοδος τῆς πειτατῆς ἀριθμῶν 1, 3, 5, 7.

Οὕτως οὐδὲ ἡ πείρα διέγνωκε τὰ κινούμενα ὑπὸ βαρύτητος φέρεσθαι. τέτων δὲ πρόδηλα καὶ ἀναντίρρητα ἰδιώματα τὰ ἐφεξῆς.

Α'. Πᾶντα ὅσα ἔχει βαρύτητα πρὸς γῆν ῥέπει, καὶ τὸν περὶ τὸ κέντρον τῆ παντὸς ἐπιζητεῖ χῶρον.

Β'. Τὰ ὁμοιοκείμενα σώματα καὶ ἰσομεγέθη καὶ ἰσοβαρῆ ἀπὸ τῆ αὐτῆ ὕψους ἐπίσης κατέρχεται.

Γ'. Τὰ ἰσομεγέθη ἀισοβαρῆ δὲ σώματα εὐαὶ διὰ αἴρος εἰς γῆν ἀφ' ὕψους ἀφειθῆ, ἢ ἐκ τῆς βαρύτητος ταχύτης αἴσος αὐτῆ ἔσται. ῥήγνυσι γὰρ τὸ πλεῖον βάρος θάττον τὸν αἶρα, καὶ ἐπιταχύνει τὸ φερόμενον. ἢ δὲ τοῦ μέσου ἐστάσις ἐπιβραδύνει τὸ ἥττοβαρὲς, καὶ τοὶ ἰσομέγεθες ὄν.

Δ'. Τὰ βαρῆα ἐλδύθως ἀφιέμενα πρὸς ὄρθας ἐπιπίπτει τῆ ὀρίζοντι.

Ε'. Τῶν σωμάτων ἡ βαρύτης, ὡν διάφορος ἢ ἀπὸ τῆ κέντρος τῆς γῆς ἀπόστασις ἔστιν ἐν λόγῳ ἀντε-

γραμ-

γραμμῶν τῶν τετραγώνων τὰ ἀπὸ κέντρων διαστήματος.

Γ'. Τὰ πρὸς τὸν οὐρίζοντα προϊέμενα, παρεγκλίνοντα διαγράφειν καμπύλῳ καταναγκάζονται, ἐκφερόμενα τῆς τε παραλλήλου εὐθείας καὶ τῆς καθέτης.

Δ'. Τὸ εἰς ὕψος προειδὸν σῶμα ἐπὶ τοσοῦτον ἀνεισιν, ὅθεν κατενεχθὲν προσκλήσαι αὐτὸ ταχυτῆτι, σὺν ἢ προίεται. ἐν γὰρ τῇ ἀναβάσει πλεονέκτει ἢ ἀνώφερης δυνάμεις τῆς βαρύτητος. ἐν δὲ τῇ καταβάσει ἢ βαρύτης τῆς δυνάμεως. ὥστε προδαφαιρέσεως γυρομένης ὀξισῆται τὸ τάχος τῆς ἀνώφερης δυνάμεως καὶ βαρύτητος ἐν τῇ τέλει.

Ε'. Τὰ ὕψη πρὸς ἃ ἐν διαφόροις ταχυτῆσι προβαλλόμενα σώματα ἀνάγεσθαι δύνανται, εἰσιν ὡς τὰ τετραγωνα τῶν ταχυτήτων.

ΣΤ'. Ἐν ἡμισείᾳ χρόνῳ ἐπίσης κατιὸν σῶμα τοῦ ταχυώοντος τὴν κίνησιν ἐν τῇ κατιούσῃ, καὶ τὴν αὐτὴν τέως ταχυτῆτι προασοριζομένην ἴσον διαγράφει διάστημα.

Πορίσματα.

Α'. Τὸ εἰς ὕψος ἄρα ἀναχθούτος, εἰὰ ὃ τῆς ἀσόδου καὶ καθόδου χρόνος σημειωθῆ, ἔσται δῆλον ὃ διέφεξε διάστημα. ἔσται δὲ ὡς τὰ τετραγωνα τῶν χρόνων.

Β'. Ἐὰν ἡ γῆ σφαιρικὴ ὑποπιδῆ, τὰ ἀπὸ τῆς ἐπιφανείας πρὸς κέντρον φερόμενα παραλλήλως ἐφέρονται.

Γ'. Ἡ τῶν αὐτῶν σωμάτων βαρύτης ἐπανταχοῦ γῆς ἢ αὐτῆς εἰσιν, ἀλλὰ μείζων μὲν κατὰ τὰς χώρας τὰς

τὰς ἐγγυτέρω τῆς πόλων, ἐλάττων δὲ κατὰ τὰς ἀποτέρω, ὡς μαρτυροῦσιν οἱ πειρασάμενοι.

Ἐπιστητέον μὲν τοι ἐν ταύτῃ τῇ πείρᾳ μήτι ἢ ἀτμοσφαῖρα συνεργῆ εἰς παραλλαγὴν τοῦ βάρους. παχυτέρα γὰρ οὕσα ἐπιβαρύνει τὰ ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τῆς γῆς. μακρύτερα δὲ καὶ θερμότερα ἀνακαφίζει.

Δ'. Ἐπεὶ ἡ σελήνη διαμέτρους γῆς ἐβδομήκοντα ἀφίσταται ταύτης. ἦν ἄρα, εἴπερ ἦν ἐν αὐτῇ βαρύτης, πρὸς βαρύτητα γῆς ὡς 1:20. (διὰ τὸ ἔ. ἰδίωμα).

ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ 5'.

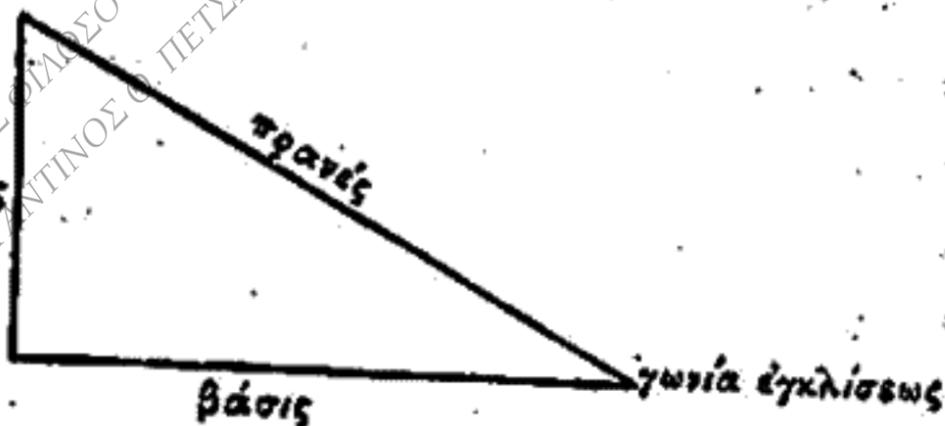
Περὶ καθόδου τῶν βαρίων ἐπὶ ἐπιπέδων φραγῶν.

Τὰ βαρῖα κατὰ φύσιν πρὸς τὸ κέντρον τῆς γῆς φέρεται ἐν νόμοις τοῖς ἐκτεθεῖσιν. ἐπιταχύνει δὲ καὶ ἕτερα ἐκτὸς διωάμει ἐπενεργούσῃ. ἀλλὰ καὶ ἐπιβραδύνει, ἄλλως τε κωλυόμενα. διὸ καὶ ἐπὶ τοῖς ἐπὶ φραγῆσι φερομένοις ἐλάττων ἢ κίνησις πρὸς τὴν ἀφροτον καὶ κατὰ κάθετον ἀπόλυτον.

Ἴνα δὲ τὰ μέτρα καὶ τὰς λόγους αὐτῆς ἔχωμεν, ἐπὶ τῆς φερομένης διακειτέον τὴν βάσιν, τὸ ὕψος, καὶ τὸ μῆκος τῆς φραγῆς. καὶ τὴν μὲν βάσιν ληπτέον ἀπὸ τοῦ πέρματος τῆς μήκης τοῦ φραγῆς πρὸς κάθετον ἐπὶ τῆς ὕψους, τὸ δὲ ὕψος αὐτὴν ἠγνέον τὴν γραμμὴν πρὸς ὀρθὰς ἀνισαμένῳ ἀπὸ τῆς βάσεως καὶ ἀπομείνου τῆς ἑτέρας πέρατος τῆς φραγῆς. ὅσον δὲ μείζων ἢ κατὰ τὸ ἕτερον πέρατος γωνία, τοσούτον παχύτε-

ρα

ρα ἢ κινήσεις τὰ ἐπ' αὐτὸ φερομένης. καὶ αἰεὶ ἔπεται τῇ ἐγκλίσει τῆς πρὸς τὸ τέρμα τοῦ πρηνοῦς γωνίας ἢτε βαρύτης καὶ ταχύτης τὰ ἐπ' αὐτὸ φερομένης, καὶ τῆς λόγῳ, ὃν ἔχει τὸ ὕψος πρὸς τὸ μῆκος τῆς πρηνῆς.



Α'. Ἡ σχετικὴ οὐκ βαρύτης πρὸς τὴν ἀπόλυτον ἔχει λόγον, ὃν τὰ ἡμίτονα τῶν γωνιῶν πρὸς τὸ ὀλικὸν ἡμίτονον.

Β'. Ἡ κατὰ σχέσιν βαρύτης τοῦ αὐτοῦ σώματος ἐπὶ τῶν αἰσῶν ἐγκεκλιμένων ἔστιν ὡς τὰ ἡμίτονα τῶν γωνιῶν τῶν ἐγκλίσεων.

Γ'. Αὐξάνσεως τῆς γωνίας τῆς ἐγκλίσεως αὖξει καὶ ἡ σχετικὴ βαρύτης. εἰ μὲν ἄρα μέχρι ὀρθῆς αὐξήσεως, ἡ αὐτὴ ἔσται τῇ ἀπολύτῳ.

Δ'. Τὸ πρηνὲς ἐπίπεδον καθ' αὐτὸ ἐκ αὐτῶν ποιήσεων ἡρεμεῖν τὸ ἐπ' αὐτὸ σῶμα. δεῖ οὐκ πρὸς τοῦτο δυνάμει ἐξωθεν ἐπερχομένης, ὡς συνάμα ἐκείνη κατασχεῖν τῆς κινήσεως τὸ σῶμα δυνήσεται. εἰ γὰρ καὶ τὸ πρηνὲς ἐπίπεδον ἀπέχει πῶς καὶ ἐνίσταται πρὸς τὴν κάθοδον, ἀλλ' ἡ ἐπίχρσις προσδεῖ καὶ τῆς ἀπολύτης βαρύτητος ὑπερτερῆς δυνάμει, ὡς στήσεται τὸ φερόμενον.

Ε'.

Ε'. Κάν πρὸς ὀρθὰς ἐπὶ τῷ πρᾶνῳ γένηται ὁ διορισμός, ἔ γήσεται ἐπ' αὐτὸ τὸ ἐπιπέδον, ἢ φερόμενον σῶμα, εἰ βραχύτατα ἐγκλίνει τὸ ἐπίπεδον, ἢ τῷ παραλληλισμῷ ἀφίσταται.

Ϛ'. Ἐάντι βάρος διὰ δυνάμεως ὑπερθενήσης ἐπὶ πρᾶνῳ κατίεσης παραλλήλως τῷ καθόδῳ τοῦ ὕψους, ἔσαι ἢ ἀνοδος τῷ βάρει πρὸς τὴν καθόδον τῆς δυνάμεως, ὡς τὸ ὕψος τοῦ ἐπιπέδου πρὸς τὸ μῆκος τοῦ αὐτοῦ.

Ζ'. Τὰ ἐπὶ τῷ ἀίσει ἐγκλινομένων ἢ ἰσοῦψῶν ἐπιπέδων ἀντίρροπα ἔστι πρὸς ἀλλήλα, ὡς τὰ μῆκη τῶν ἐπιπέδων. ἐπεὶ γὰρ ἑκατέρω ἢ ῥοπή ἔστιν ὡς ὕψος πρὸς μῆκος τῷ αὐτῷ. τὸ δὲ ὕψος ἔστι τὸ αὐτό. ἔσαι ἄρα ἢ ῥοπή πρὸς ῥοπῶν, ὡς μῆκος πρὸς μῆκος.

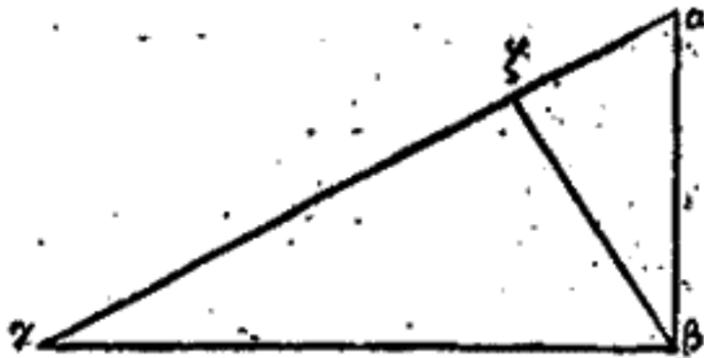
Η'. Ἐκ συνθέτου ἄρα οἶονεὶ δυνάμεως τὰ φερόμενα ἐπὶ τῷ πρᾶνῳ κινουῦνται, τῆς μὲν πρὸς κάθετον, τῆς δὲ ἀπὸ καθέτου ἀγάσης διὰ τὴν ἐξίστασιν. ἔ γὰρ δραστήριον δυνάμιν ἐνίησι τῷ φερομένῳ ἢ ἐγκλισί τῷ ἐπιπέδῳ, ἀλλ' ἐπίχρισιν τὸ ἔτω κεκλιμένον ἐπίπεδον ἐμποιεῖ τῆς ἀπολύτου βαρύτητος, ἢ φορᾶς.

Θ'. Τὰ φερόμενα διὰ τῷ πρᾶνῳ διασώζει πάντας τὸς τῆς βαρύτητος νόμους. τῇ γὰρ βαρύτητι φέρονται. ὡς ἢ χρόνοι, ἢ ταχύτητες ἢ διαστήματα ἔχουσιν, ὡς πρὸς βαρύτητα διώρισται.

Ι'. Τῶν ἐν ἴσῳ χρόνῳ φερομένων πρὸς τὴν κάθετον, ἢ διὰ τῷ πρᾶνῳ, ἔκ εἰσιν αἱ ταχύτητες ἢ τὰ διαστήματα ἴσα. ἔ γὰρ ἢ ἀπόλυτος τῇ σχετικῇ βαρύ-

ρύπτει ἴσον ἔχει τὸ πάχος ἐν τῇ αὐτῇ χρόνῳ, ὡς δὲ αἱ ταχύτητες εἰσι, καὶ τὰ διαστήματα τὰ διαφερόμενα, ἄρα καὶ ταῦτα αἴσια.

ΙΑ'. Ἐὰν ἐπὶ ἐπιπέδῳ βγ ἀπὸ κορυφῆς α βαρύπτει ἀπολύτῳ ἐνεχθῆ κατὰ κάθετον τὸ σῶμα κατὰ τὸ β. τὸ δὲ σῶμα δ σχετικῇ βαρύπτει κινηθῆ πρὸς τὸ αγ, ἐν τῇ αὐτῇ χρόνῳ ἐν ᾗ διαφέρει τὸ ὅλον τὸ ὕψος αβ οἰσθήσεται τὸ δ σῶμα σχετικῇ βαρύπτει διάστημα, ὅσον ἐπιπεσοῦσης καθέτου ἀπὸ τοῦ β εἰς τὴν ὁδοῦ τὸ δ, αγ, ἐναπολαμβάνεται οἷα αζ, ὡς ἦν $αγ : αβ :: αβ :$
 $αζ$ διὰ τὴν ὁμοιότητα τῶν τριγώνων. ἀλλὰ $αγ : αβ$ ὡς διάστημα πρὸς διάστημα διὰ τὰ ἀνωτέρω. ἄρα καὶ $αβ : αζ$ ὡς διάστημα πρὸς διάστημα.

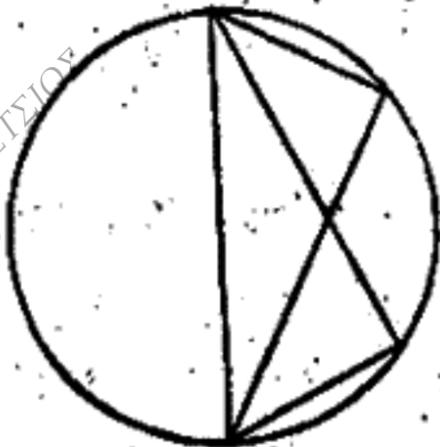


ΙΒ'. Δοθέντος ἄρα τοῦ διαστήματος ὃ διαφέρει σῶμα πρὸς κάθετον, ῥάδιον αὖ εἴη προσέρειν καὶ τὸ διάστημα, ὃ διέρχεται κατὰ τὰ παραπῆς, ἢ ἐκεῖνο εἶναι ὕψος ἐν ἴσῳ χρόνῳ, ἀχθείσης δηλονότι καθέτου ἐπὶ τὸ μήκος τῆ ἐπιπέδα.

Ἐντεῦθεν ἔπεται ἐπὶ παντὸς κύκλου τῆς διαμέτρου καθέτου νομισμένης πρὸς τὸν ὀριζόντια, ἢ τὰ σώματα πρὸς διὰ τῆς τυχέσης τῆς ἀπὸ τοῦ πέρατος τῆς διαμέτρου ἐπὶ τῆ περιφέρειαν ἀγομισμένης, ἐν ἴσῳ χρόνῳ διανύεται τῇ καθ' ὃν αὖ διαδράμη τὸ σῶμα τῆ ὅλην διάμετρον.

ΙΓ'.

1Γ'. Ὁμοίως ἐν τῇ αὐτῇ γῶνῳ διαδραμεῖν ἔχει καὶ τὰς ὑποτείνουσας.



1Δ'. Ὁ γῶνος, καθ' ὅν τι διὰ τῆ σφαιρῆς ἀγεται μείζων ἐστὶ τῷ ἐπιπέδου μᾶλλον ἐγκεκλιμένῳ, ἔστι δὲ πρὸς τὸν γῶνον τῆς πρὸς ὀρθῆς καθόδου παραβαλλόμενος ὡς τὸ μῆκος τοῦ ἐπιπέδου πρὸς τὸ ὕψος. εὐθραστοὶ οἱ γῶνοι τῶν καθόδων διὰ τῶν μὴ ἐπίσης ἐγκεκλιμένων, ὧν τὸ αὐτὸ ὕψος εἰσὶν ὡς τὰ μῆκη.

1Ε'. Ἴσων τεθρότων τῶν γῶνων, μείζον τὸ διάστημα τῷ πρὸς κάθετον ἀγομένῳ ἢ τῷ διὰ τῆ σφαιρῆς (διὰ τὸ δέκατον) ἀλλ' ὁ γῶνος τοῦ πρὸς κάθετον φερομένου ἐστὶ πρὸς τὸν διὰ τῆ σφαιρῆς, ὡς τὸ ὕψος τοῦ ἐπιπέδου πρὸς τὸ μῆκος τῆ αὐτῆς (διὰ τὰ ἀνωτέρω). ἄρα ἐν ἀντιστρόφῳ λόγῳ εἰσὶν οἱ γῶνοι καὶ τὰ διαστήματα. ἄρα καὶ αἱ ταχύτητες αἴισοι ἐν ἴσοις τοῖς γῶνοις, ἴσαι δὲ ἐν ἴσοις.

Ἀλλὰ βαρύτητος καὶ ἐν στατικοῖς καὶ ἐν ὑδροστατικοῖς, καὶ ἐν μηχανικοῖς ἀπλῶς δυνάμεις καὶ λόγοι διάφοροι ἐνορῶνται, περὶ ὧν λεγέταισαν οἱ ἰδίως ἐπ' αὐτοῖς ἐφιστάμενοι.

ΚΕ-

ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Ζ'.

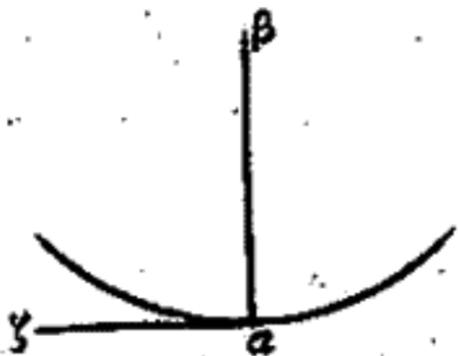
Περὶ τῶν Λικνιζομένων.

Τὰ λικνιζόμενα δυνάμει βίτη φέρεται βαρύτητι, ὅλην τῆ κατέχοντος σαρτίου, καὶ ἐλαττωῖ τῆ περιέχοντος αἶρος. διὰ μὲν οὖν βαρύτητος πρὸς κάθετον φέρεται. διὰ δὲ τοῦ περιέχοντος αἶρος, ὡς κινεῖται, πρὸς τὰ ἀντίθετα ἀπωθεῖται καθ' ἑκάτερον. ὁμοίως καὶ διὰ τοῦ σαρτίου τῆς φορᾶς ἀνθελκόμενα, παραλλήλως μὴ ἔχοντα κινεῖσθαι ὡς ἐξ ἡμιδιαμέτρου τῷ καμπύλῳ ἐπιφέχει. πλήττοντα γὰρ τὸν αἶρα, ἀντιπλήττεται καὶ ἐλαύνεται ὑπ' αὐτῆ ἐπὶ τὰ ἀντίθετα παραλλήλως. ἐπιβαρύνει δὲ δι' ἐγκλίσεως ἀπειροῶν ἐπιπέδων ἐπικάμπτοντα, καὶ τῷ καμπύλῳ ἐπιφέχει, παρ' ἑκάτερα ὀριζόμενα καὶ συνεχόμενα τῆ ὅλην τῆ σαρτίου.

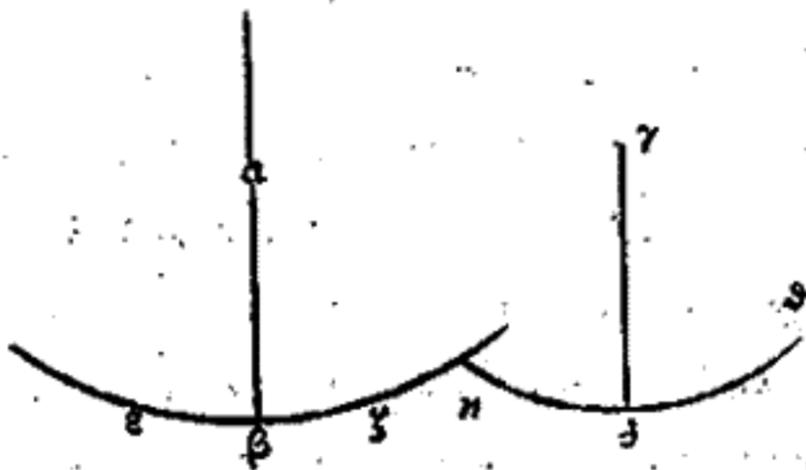
Τὸ μὲν οὖν σαρτίον ὑπόκειται ὡς ἡμιδιάμετρος τῆ τόξου τῆς ἀναλικνίσεως, ὑφ' οὗ τὸ ἐκκρεμές ἤρπεται. παραλλήλως δὲ τῆ ἐφαπτομένην γεωμετρικῶν νοητόν, ἀφ' ἧς κινέμενον κατὰ θάτερον ἐγκλίνεται παραλλήλως ἀμείβον ἀπειροῶν ἐπίπεδα. ἀπωθεούμενον δὲ ὑπὸ τοῦ τυχόντος εἰς πάναντία ἴση τῆ ταχύτητι ὀδύει. ἀλλ' ἐπισχούσης τῆς βαρύτητος ἐλαττοῖ κατὰ βραχὺ τῷ ἐκ τῆς ἀπόσεως τῆ περιέχοντος κίνησιν. ὥστε πᾶσα ταχύτης καὶ κίνησις ἐν αὐτῷ σβέννυται.

Α'. Ἐὰν σῶμα ἐκκρεμές ἀπὸ ἐπιμηκεῦται μίτε
ἀνα-

ἀναλκνίσει βραχυτάτη τῶξον κύκλου καταζεύξη, κινούτο δὲ κατὰ θάπτερον βραχύτεν, γεαμμιὰ διαζεύξη, ὡς ἐπὶ πέρατος τῆς διαμέτρου ἐπὶ τῷ περιφέρειαν ἀγομμένῳ, ὥστε ἐν ᾧ ἐπ' αὐτῆς κινήσῃ, ἐν ἴσῳ χρόνῳ ἕτερον τῷ ὅλῳ διάμετρον τὸ κύκλου διελεύσεται, ταυτὸν εἰπεῖν διπλασίον τοῦ μίτου κινήσεται (διὰ 17'. Θεώρημα τὸ ἀνωτέρω κεφ.) καὶ ἐπομῶς καὶ κατὰ θάπτερον κινούμενον διπλασιάσει τὸν χρόνον,



καὶ περὶ ἀπλῶν διέλθοι τὸ ἕτερον διάστημα. τὰ δὲ διαστήματα ὡς τὰ περὶ ἄγωνα τῶν χρόνων. τῷ ὅλῳ ἀρὰ ἀναλκνίσιν κινουμένου ὀκταπλασίον τὸ μίτου διάστημα ἐπ' αὐτῆς κάτω αὐτὴ κινήσῃ ἕτερον.



Β'. Ἐὰν δύο ἐκκρεμῆ σώματα τὸ μῆκος διαφέρουσι, τότε ὁμοία διαζεύχουσιν, ἔσονται οἱ χρόνοι τῶν αὐτῶν.

ἀναλικνίστων ἐν ὑποδιπλασίονι λόγῳ καὶ τὰ σαρτία καὶ γὰρ ὁ χρόνος, καθ' ὃν διατρέχεται τὰ τόξα, εἰσὶ ἐν λόγῳ ὑποδιπλασίονι. εἰσὶ γὰρ τὰ τόξα μήκη τῶ ἀναλικνίστων, καὶ εἰσὶν ὅμοια. τὰ δὲ ὅμοια τόξα εἰσὶν ὡς αἱ ἡμιδιαμέτροι ἦτοι τὰ σαρτία. ἄρα καὶ οἱ χρόνοι ἐν ὑποδιπλασίονι λόγοι, καὶ τὰ σαρτία τῶ κατὰ μήκος ἐν ὁμοίοις τόξοις ἀναλικνίστων.

Γ'. Τὰ ἄρα μήκη τῶ ἐκκρεμῶν αβ καὶ γδ εἰσὶν ὡς τὰ τετραγώνια τῶ χρόνων καθ' ἕς αἱ ἀναλικνίσεις ἐπιτελεῦνται. εἰ μὲν γὰρ τὸ ἐκκρεμὲς αβ τεσσάρων ἢ ποδῶν, τὸ δὲ γδ εἰς, ἔσται ὁ χρόνος τῆ ε ἐπὶ β, πρὸς τὸν χρόνον τῆ η ἐπὶ δ, ὡς 2 : 1 τέτων γὰρ τῶ ἀριθμῶν τὰ τετραγώνια 4 : 1.

Δ'. Τοίνυν ὁ χρόνος μιᾶς ἀναλικνίσεως τοῦ ἐκκρεμῆς αβ, ἔσται πρὸς τὸν χρόνον μιᾶς ὡσαύτως ἀναλικνίσεως τῆ γδ, ἀπαστραμμένως, ὡς ὁ ἀριθμὸς τῶ ἀναλικνίστων τοῦ γδ τῶ ἐν τῷ ἀριθμῷ πρὸς τὸν ἀριθμὸν τῶ ὁμοίων ἀναλικνίστων τῆ αβ κατὰ τὸν αὐτὸν χρόνον. ἀμέλει τοι εἰ μὲν τὸ ἐκκρεμὲς αβ μίαν ἀνάλικνισιν ἐν ᾧ τὸ γδ δύο ἐπιτελεῖ, ἔσται ὁ χρόνος τῆς μιᾶς τῆ αβ ἀναλικνίσεως πρὸς τὸν χρόνον τῆς μιᾶς τῶ δύο τῆ γδ αὐθις ὡς δύο πρὸς εἰς, οἷα πε δεόν τὰς χρόνας ρίζας εἶναι τῶ μηκῶν αβ, γδ.

Ε'. Δοθέντος τοῦ ἀριθμοῦ τῶ ἀναλικνίστων τῶ ἐν τῷ δοθέντι χρόνῳ ἀπὸ τῆ ἐκκρεμῆς αβ, ἔδῃλον τὸ μήκος ῥάδιον αὐ εἴη ἐξέρειν καὶ τῶ ἀφ' ἑτέρου ἐπιροσοῦ ἐκκρεμοῦς, οὗ δῃλον τὸ μήκος ἀναλικνίστων τὸν ἀριθμὸν κατὰ τὸν αὐτὸν χρόνον. καὶ γὰρ οἱ χρό-

Α' χθισῶν γὰρ πρὸς ὀρθὰς ἐπὶ τῆς διαμέτρου ηβ τῆς
 δίδειῶν γζ, καὶ δε αἱ ταχύτητες αἱ προσγεγοῦμαι
 τῆς σώματι μετὰ τὴν κάθοδον τὴν διὰ τῆς τόξων γβ,
 δβ ποσαῦται εἰσιν, ὅσαι καὶ εἰ πρὸς ὀρθὰς τὸ σῶμα
 κατήγεται τὸ ἀπὸ τοῦ ζ ἐπὶ β, καὶ ἀπὸ ε ἐπὶ β.
 (διὰ εα τῆ ε'.) ἀλλ' ἀπὸ ζ ἐπὶ β ταχύτης ἐστὶ πρὸς
 τὴν η ἐπὶ β ἐν λόγῳ ὑποδηπλασίονι τῆς ζβ πρὸς
 ηβ (διὰ κβ τῆ ε'.) ἢ γοῦν ὡς γβ δίδειᾶ πρὸς τὴν
 ηβ, αἰσαύτως καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ ε ἐπὶ β ταχύτης ἐστὶ
 πρὸς τὴν η ἀπὸ τοῦ η ἐπὶ β. ἥτοι ὡς ἡ εβ δίδειᾶ
 πρὸς τὴν ηβ. ἄρα ἡ ἀπὸ ζ ἐπὶ β ταχύτης ἐστὶ πρὸς
 τὴν ε ἐπὶ β ὡς ἡ ὑποτείνουσα γβ πρὸς τὴν ὑπο-
 τείνουσαν δβ. ἀλλ' ἡ προσγεγομένη τῆς σώματι ταχύ-
 της καταγομένη διὰ τῆς τόξων γβ, δβ ἴση τῇ τα-
 χύτητι, ἢ αὐτὴ προσκλήσεται κατενεχθῆναι πρὸς ὀρθὰς
 ἀπὸ ζ ἐπὶ β, καὶ ἀπὸ τῆ ε ἐπὶ β (διὰ τὰ κβ: τῆ
 ε'. Κεφ.) ἄρα αἱ ταχύτητες αἱ προσγεγομέναι τοῖς
 σώμασι καταγομέναις διὰ τόξων τούτων εἰσιν ὡς τὰ
 τόξα αὐτὰ ὑποτείνουσαι γβ, δβ.

Η'. Ἐὰν ἄρα ἐπὶ κύκλου τινος ληφθῆ τὸξά β,
 1, β, 2, β 3 κτ: ὧν αἱ ὑποτείνουσαι εἰσιν ὡς 1,
 2, 3, κτ: ἡ ταχύτης τῆς ἐκκρεμῆς σώματος τῆς κατα-
 γομένης διὰ τῆς τόξων β 1 καὶ β 2, καὶ β 3 κτ: ἔ-
 σαι ἐφεξῆς ὡς 1, 2, 3, κτ: ἐπὶ τοῦ κατωτάτου ση-
 μείου β. εἴθ' ἐν τῷ, ἐστὶ παντὶ σώματι δῆναι μοίρας
 ταχυτήτος ποικίλας ἐπ' ἀκρίβειαν μέχρι τινός.

Θ'. Ἐὰν ὡς δύο σώματα ἐκκρεμῆ, ὧν τὰ μή-
 κη πρὸς ἀλλήλα, ὡς αἱ δυνάμεις τῆς βαρύτητος, αἰς
 φέ-

φαίνονται, αὐτὰ τούτων ἀναλικνίσεις ἴσονται ἰσόχρονοι. αἱ γὰρ ἀναλικνίσεις αἰς τὰ τόξα, τὰ δὲ τόξα αἰς τὰ διαστήματα, κατὰ δὲ τὰ διαστήματα αἱ δυνάμεις, κατὰ δὲ τὰς δυνάμεις καὶ οἱ χρόνοι, ὅτι καὶ αἱ ταχύτητες ἴσαι.

Ι'. Ἐὰν δύο ἐκκρεμῆ σώματα τὸ αὐτὸ προσκῆσθαι μήκος, ἴσονται οἱ χρόνοι τῶν ἀναλικνίσεων ἐν ὑποδιπλασίοι λόγῳ τῶν βαρυτήτων ἀπεντραμμένως.

Ἐστω ΓΔ, καὶ γθ. ἴσται δὲ ὁ χρόνος τῆς ἀναλικνίσεως τῷ γθ πρὸς τὸ γδ ἐν ὑποδιπλασίοι λόγῳ τῆς γθ πρὸς γδ. ἴσι δὲ ἢ γθ, παυτὸν ΓΔ ἢ μείζον βαρύτης, ἢ δὲ γδ ἢ εἰλάσσων. ἄρα καὶ βαρύτης πρὸς βαρύτητα ἐν ὑποδιπλασίοι λόγῳ. κατὰ δὲ τὰς βαρύτητας καὶ αἱ ταχύτητες, καὶ οἱ χρόνοι ἀπεντραμμένως. ἄρα καὶ οἱ χρόνοι τῶν ἀναλικνίσεων ἐν λόγῳ ὑποδιπλασίοι ἀπεντραμμένως.



Αὐξανομένης ἄρα τῆς βαρύτητος τάχιον αὐτὴ τὰς ἀναλικνίσεις τὸ ἐκκρεμῆς, καὶ μειυμένης βράδιον.

Περὶ τῶν προβαλλομένων καὶ ριπτομένων σωμάτων.

Ἡ πρόοις καὶ προβολὴ τῶν σωμάτων εἴτε κατὰ παράλληλον πρὸς τὸ ἐπίπεδον, εἴτε ἄλλως ὀριθεῖη, διὰ τῆς ἀγεται δυνάμει, βαρύτητι τῆς φερομένης, καὶ δυνάμει τοῦ βάλλοντος. ὅθεν τὴν διάγώνιον δόκουσα φέχεν πλάγιον, παραβολικὸν μέντοι ὑποδύεται σχῆμα,

μα, ὅπως ποτ' αὐ' ὀραθεῖν. παρολισθαίνουσα γὰρ τῆ βαρύτητι τῆς εἰδέας, καὶ τῆς παραλλήλου καὶ τῆς διαγωνίου καμπύλῳ διαγράφει. τὰ κατ' αὐτὴν ἔν θωρείσθω ἐν τοῖς κοινκοῖς εἴπου ἐν τοῖς ἰδιώμασι τῆς παραβολῆς.

Περὶ κεντρικῶν Δυνάμεων.

Κεντρικὰς δυνάμεις καλεῖσιν οἱ νεώτεροι Φυσικομαθηματικοὶ τὴν πε ἀπωθῆσαν καὶ ἔλκυσαν σώματι περὶ εὐ κέντρον, καὶ πολλὰ περὶ τούτων πειρῶνται λέγειν ἐν ταῖς τῶν αἰθερίων κινήσειν εἰσάγοντες, παραδόξως ὑραολογοῦντες. ὅτι δὲ αὐταὶ ἀντίθετοι καὶ οὐδέ ποτε ἐν εὐ αἴμα κατὰ τὸ αὐτὸ ἢ πρὸς τὸ αὐτὸ ἐκ φύσεως, καὶ πείρα διαβεβαιοῖ, καὶ λόγος πείθει. εἴ ποτε ἄρα τοιοῦτον ἐνορᾶται, ἢ που ἐν ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ εἴσειν αἱ ἀπενεργῆσαι δυνάμεις, καὶ ἢ μετ' ἐνδογενῆς, ἢ δὲ ἐπείσακτος. Ἀλλὰ περὶ τούτων εἴρηται ἐς δέον ἐν τῇ παρ' ἡμῶν ἑσπαίῳ. οἷσι γὰρ ἐπίνοια καὶ ἀναλογισμοὶ μαθηματικοί, οὐ φυσικὴ θεωρία, πρὸς ἀπόδειξιν δῆθεν τῶν οὐρανίων κινήσεων, ἐξ ἀρχῶν σφίσειν ὑποθετικῶν, καὶ μαθημάτων γεωμετρικῶν, καὶ ἥκιστα φυσικῶν.

Σ Χ Ο Λ Ι Ο Ν.

Περὶ μετ' τῆς κατὰ τὸπον κινήσεως καὶ βαρύτητος, ἀποβολῆς τε καὶ θραύσεως καὶ ἐλασικότητος τῶν σώμα-

μά-

μάτων γοικώτερον εἴρηται. ἔξῃς λέγειν αὐτὴν πειρὰ
 τε ἡλεκτριμῶ, ἐφελκυστικῶ, παγιδώτου, καὶ τῆς ἐνεργείας
 τῆς βαρέων ἐν τοῖς ὑδροῖς. ἀλλὰ ἡ θεωρία αὕτη
 παικίλη ἐστὶ καὶ ἐπὶ τῶν κατ' εἶδος σωμάτων ἀνακτῶν.
 ἄλλως τε καὶ πείρα βέβηκε, καὶ πολλῆς δέεται τῆς
 ἀπειθείας. οἱ ἄρα πειρὰ τέτων διειληφότες, τὰ φαινόμενα
 ἐπὶ ταῖς σφῶν ἀρχαῖς ἀποχεύουσιν ἀνάγοντες,
 αἰτιολογῶντες δὴ οὖν, ἀλλὰ αὐτὰ ἄλλων ὑποτιθέμενοι,
 πολλάκις περιρμυθίζουσι, μηδὲ τὰ ἀποδείγματα
 διακρίνουσι. ἀλλὰ καὶ χημικοὶ ταῖς σφῶν αὐτῶν ἀρχαῖς
 ἐπιχειροῦντες ἀντιδοξάζουσι τέτοις. οἱ τε ἐπαμφορείζοντες
 φυσικοὶ πῆ μὲν κατὰ τῆς πειραματικῆς, καὶ μαθηματικῆς,
 πῆ δὲ κατὰ τῆς χημικῆς καὶ φρονήσουσι καὶ λέγουσιν.
 ὅθεν καὶ λέξεις αὐτῶν καὶ φωνὰς μυστικωτέρως
 παρεσάγουσι, καιροφρονῶντες ἐν τοῖς φυσικοῖς,
 ἵνα δόξουσι μυστήρια φύσεως διηγούμενοι. ἀλλὰ ἡμᾶς
 ἐκ πάντων καὶ εἴτι φρὸς θεωρίαν φύσεως φέρει,
 ἀναδεικνύει, καὶ ἐπὶ ταῖς κατὰ φύσιν ἀρχαῖς ἀνάγειν,
 καὶ ἐκ τῶν πειραματικῶν καὶ χημικῶν λαμβάνοντας
 τὰς ἀφορμὰς, ἀγνωμονεῖν τε τοῖς ἀσυνδάλουσι
 ἀνακαλύπτειν τὰ τῆς φύσεως ὄργανα, καὶ δι' ἐτέρας
 ὁδοῦ φρονομῶντες. ὃ γὰρ μικρὸν ἐδ' ἐκ τούτων τὸ ὄφελος
 τοῖς μαθεύουσιν ὄρας καὶ νόμους τῆς φύσεως, καὶ
 φροσῶν καὶ ἀλλοιωσῶν καὶ παντοίων εἰδῶν ιδιότητας,
 μίξεις καὶ κράσεις, πῆξῶν καὶ λύσεις, καὶ ὡς εἰπεῖν
 ἐπενεργείας, καὶ ἀπενεργείας, ἐν οἷς οἱ χημικοὶ μάλα
 ἐπαχολούμενοι ἐπὶ μέγα πλὴν τέχνῳ ἀφείγαντες,
 ἀμυθίζουσι τοῖς πειραματικοῖς, εἴ τινας ἄλλως
 α·

ἀναδιφῶντες τὰς παντοίας ἑσπὰς τῆς φύσεως, μυείας, ἄλλας ιδιότητας τῶν κατ' εἶδος φυσικῶν σωμάτων ἀνεκάλυψαν· τῶν γὰρ ἐκ πάντων πειρατίον τὴς λόγως ἐπὶ τὰς φυσικὰς ἀρχὰς ἀνάγειν, ἃς ἐξεθέμεθα ἐν τῇ πρώτῃ βιβλίῳ, μήτε προχείρως ἀποδεχομένους τὰ παρὰ τῶν πειραματικῶν εἰσηγόμενα, μήτε παρ' αὐτῶν τὸν ἀληθῆ ἐκείνων ἀπαιτῶντες· οἱ γὰρ πειραματικοὶ αἰδέησαι μᾶλλον ἐφημεῦσαι βεβαιώμενοι, ἐξ ὧν μαρτυρούντων καὶ τὰ πλείω τῶν ἐφεξῆς.

ΚΕΦΑΛΑΙΟΝ Η΄

Περὶ Ἠλεκτρισμοῦ.

Τὰ διάφορα καὶ ποικίλα εἶδη τῶν φυσικῶν σωμάτων ἐκ παντοίας μίξεως καὶ κράσεως τῶν στοιχειακῶν μορίων συνίσταται· ὥστε τοίνυν ἐν ταῖς γῆ, ὕδωρ, ἀήρ, πῦρ, καὶ ἕκαστον ὑπεργεῖ κατὰ τὴν αὐτῆς ιδιότητα, ὥστε καὶ ἐπικρατῶν τῶν συνόντων προφανῶς χαρακτηρίζειν, καὶ προσοικεῖν ἑαυτῶν· τὰ μὲν γὰρ γῆν ῥά δοκεῖ, τὰ δὲ ὕδαρ, καὶ ἄλλα ἀέρος μᾶλλον ἢ πυρός· πᾶσιν ἄλλ' ἐν ὧν ἐστι δυνάμεις, ἢ ἠλεκτρικῶν καλεῖται· ἀρχὴ αὐτῆς ἔχει τὴν ἐνεσάν τῶν σώμασιν θερμότητα, ἣτις διαφόρως κοινοῦσα ἐκ πάντων ἐξάλλεται ἀφορμῆς λαχούσα, συμπειράγουσα τῶν συνόντων μορίων τὰ λεπτότερα συνεργουῶτος τῷ ἀέρος· ἐνπύθον διττή τις ἢ ἐέργεια τῷ ἠλεκτρισμοῦ· ἢ μὲν γὰρ ἐλκυστικῆ, ἢ δὲ ὠστικῆ, ὅτι καὶ τὸ πῦρ συγκε-