

πυγματίου, καὶ ἀνω, καὶ κάτω τὸ τεταρτημόριον κινουμένον, ἄχρως ἢ ἢ τῷ Ἡλίου ἀκτὶς τὴν αὐτοῦ τῷ πυγματίου τρυπίδα διελθούσα ἐπὶ τὴν τοῦ λοιπῆ ἀκρῶς γαίηται. ἤγουσιν ἢ σκιά αὐτοῦ ἀκρῶς, ἐπισκιάσῃ τὸ ἕτερον, ὡς μηδ' ὑπερβαίνειν, μηδ' ἐλλείπειν ἐκείνη. τότε γὰρ τῷ τεταρτημῶριον ἀκίνητουῦτος, τὸ ἐπὶ τοῦ σαρτίου σημεῖον δείξει τὴν ζήτουμένῳ ὥραν. ἔσαι γὰρ ἢ ἐφ' ἑὺ ἐπιπέση.

ΠΕΡΙ ΤΗΣ ΧΡΗΣΕΩΣ ΤΗΣ ΓΗΙΝΗΣ ΣΦΛΙΡΑΣ.

Ὅπως τὸ μήκος, καὶ πλάτος τοῦ δοθέντος
τόπου ἀείσκειται.

Τῆς Σφαίρας ἑπὶ ὅπως ἐχούσης, καὶ τῷ Μεσημβρινῷ καὶ τῷ τῆς δοθείσης Πόλεως ὑπαχθείσης, ἅμα τὸ μήκος, καὶ πλάτος αὐτῆς γνώριμον γίνεται. τὸ μήκος μὲν γὰρ παρῆσθιν ἢ ὑπὸ τὸν Μεσημβρινὸν τυχούσα τοῦ Ἰσημερινοῦ μοῖρα. τὸν γὰρ πρῶτον Μεσημβρινὸν οἱ γεωμετροῦντες, κατὰ τὰς λεγομένας Νήτους ἢ μακάρων ὑποτιθέμενοι, καὶ μὲν καὶ τὴν ἀρχὴν τοῦ Ἰσημερινοῦ, τὴν ἀναλεγούσαν τῇ πρῶτῃ τοῦ ἐπὶ τοῦ οὐρανοῦ νοημένῳ Κεῖου, ἐπ' αὐτοῦ καθ' ἑξῆς ἀπαριθμοῦσι τοὺς λοιπούς. Τὸ πλάτος δὲ δεικνύται εἴρηται τὰς μεταξὺ αὐτῆς τε τῆς Πόλεως καὶ τοῦ Ἰσημερινοῦ ἐπὶ τοῦ Μεσημβρινῷ ἀναπολαμβανομένης μοίρας. τῆς δὲ καὶ μὴ γεγραμμένης Πόλεως ἀπὸ ἐγνωσμένων τοῦ μήκους, καὶ πλάτους, ῥᾶσα ἂν τόπος, ἔῃ θέσις ἐμφανίζεται. Τῆς μὲν γὰρ δεικνυούσης τὸ μήκος αὐτῆς ἐπὶ τοῦ Ἰσημερινοῦ μοίρας ὑπὸ τὸν Μεσημβρινὸν γενομένης, καὶ τοῦ πλάτους βορείου, ἢ νοτίου ὄντος ἀπὸ τοῦ Ἰσημερινοῦ, ἐπὶ τοῦ Μεσημβρινοῦ κατάλογον ἀριθμηθέντος, ἀναμφιλέκτως περὶσάται, ὑπὸ τὴν τελευταίαν τοῦ πλάτους μοῖραν κειμένη.

Τῷ Σφαῖραν κατὰ μίμησιν τοῦ
παντός γῆσαι.

Τὰ μὲν ἄλλα καθὼς καὶ ἐπὶ τῆς οὐραίου ἐλέγετο δῖον ποιεῖν, τὴν ἀνόρθωσιν δηλαδὴ τοῦ Πόλου, καὶ τὸ εἶναι τὸν αἰδητὸν Μεσημβριῶν, τῷ νοτιομῆτι παράλληλον διορθούμενον, ἢ τῷ μαγνητικῷ γνώμονι, ἢ γουιν ὑποκειμένη τινι μεσημβριῇ γραμμῇ. Ταῦτα δὲ μόνον ἄρρορον τὸ δεῖν τὴν Πόλιν ἰφ' ἑωῦ ἢ ἀνόρθωσις κειμένη εἶναι ὑπὸ τὸν Μεσημβριῶν, ὡς τὸ κατὰ κορυφῆν τῆς Σφαίρας ἐπέχειν σημεῖον, καὶ πανταχόθεν τεταρτημόριον ἦτοι μοῖρας ἢ ἀφίσαθαι τοῦ ὀριζήοντος. Καὶ ὧδε τῆς Σφαίρας ἀκίνητούσης ἔξέσι τῷ βυλομῆτι ὠρᾶν πανταχόθεν, ὅπως ἔχει τάξις πρὸς πάντα τὰ τῆ παντὸς μέρη ἢ δοθεῖσα Πόλις. τίνα δηλονότι τὰ αἰατολικώτερα, ἢ δυτικώτερα, τίνα τε τὰ βόρεια, καὶ τίνα τὰ νοτιώτερα, δεξιά τε, ἢ ἀριστερά αὐτῆς. καὶ οὐ μόνον πρὸς ταύτην ὃν λόγον ἐχθήκασιν, ἀλλὰ καὶ ἑωῦ πρὸς ἄλληλα τάξιν ἔχουσι τὰ λοιπὰ μέρη λαβεῖν ἐσι.

Τῷ μεταξύ τοῦ μήκους, καὶ πλάτους διαφορᾶν
δύο τύπων ἀρεῖν.

Η Μὲν τοῦ μήκους διαφορὰ ὧδε λαμβάνεται. Τίθεται μὲν ἑτέρα τῶν Πόλεων ὑπὸ τὸν Μεσημβριῶν, καὶ ὀράται καὶ ἢ ὑπ' αὐτὸν τοῦ Ἰσημεριῶν μοῖρα. εἶτα περιγραφείσης τῆς Σφαίρας ὑπάγεται καὶ ἢ λοιπὴ, καὶ λαμβάνεται αὐτῆς ἢ ὑπ' αὐτὸν τυχεῦσα τῆ Ἰσημεριῶν μοῖρα. αἱ οὖν μεταξύ τύπων ἐμπεριλαμβανόμεναι τοῦ Ἰσημεριῶν μοῖραι τὴν διαφορᾶν παρισώσι τοῦ μήκους. Τοῦ δὲ πλάτους ἢ διαφορὰ γνωρίζεται, τῆς μιᾶς τῶν πόλεων, ὑπὸ τὸν Μεσημβριῶν γενομένης, καὶ σημειωθείσης τῆς ὑφ' ἑωῦ ὑποπίπτει μοῖρας. εἶτα καὶ τῆς ἑτέρας ὑπ' αὐτὸν γενομένης, ἢ σημειωθείσης καὶ τῆς λοιπῆς μοῖρας τοῦ μεσημβριῶν, ὑφ' ἑωῦ καὶ αὐτὴ γέγορον. αἱ

γάρ

γὰρ μεταξύ τῶν σημειωθειῶν μοῖραι τοῦ Μεσημβρινοῦ, τὴν ζήτη-
μένην παρεῖσι διαφοράν.

Τὴν μεταξύ δύο τόπων διάστασιν ἀρεῖν.

Εἰ μὲν τοὺς δύο τόπους ὧν τὸ μεταξύ ζητεῖται ὑπὸ τὸν αὐτὸν
κεῖσθαι συμβέβηκε Μεσημβρινός, ὑπαγαγόντες τῷ τῆς Σφαί-
ρας Μεσημβρινῷ ἕξομα τὰς μεταξύ αὐτῶν παρεμπιπτούσας αὐτοῦ
μοῖρας τὸ ζητούμενον παρεῖσθαι. Εἰ δ' οὐκ εἰσὶν ὑπὸ τὸν αὐτὸν,
τότε θατέρω μὲν ὑπὸ τὸν Μεσημβρινὸν σπειχθῆντι ἐπιτίθεται τὸ
Τεταρτημόριον, καὶ ἐπεκτείνεται τῇ λοιπῇ, ὡς τὰς μεταξύ τούτων
ἐπ' αὐτοῦ ἐναπολαμβανομένας μοῖρας τὰς τῆς ἀπ' ἀλλήλων αὐτῶν δια-
στάσεως, εἶναι γνωριστικὰς. Καὶ διαβήτης δὲ, ἢ γουιν σααρτίον, ἀ-
πὸ θατέρου, εἰς θατέρον ἐκτανθεῖς, καὶ ἐπὶ τῷ τοῦ Ἰσημερινοῦ
μοιρῶν μεταρροθεῖς τὸ αὐτὸ πείσῃσιν. Ἔστι γὰρ τεσσούτων ἡ δια-
στασις μοιρῶν, ὅσας ὁ διαβήτης ἐμπεριλαμβάνει. ἄς δὲ μοῖρας
ὁ τοῖς ἰέ, πολυπλασιάτας, εἰς μίλια γερμανικὰ λογιζομένου τὴν
διάστασιν ἔξει, τοῖς δ' εἴκοσιν, εἰς γαλλικὰ. καθὼς που τοῖς ξ',
εἰς ἰταλικὰ, ἅπερ καὶ εἰς χρῆσιν ἡμεῖς.

Ὅποια ποτ' ἔσιν ὥρα κατὰ τὸν δοθέντα χρόνον
κατὰ πάντα τοῦ παντός τόπον μαθεῖν.

Τὸν ὄνπερ οἰκωῦτες ἴσμεν τόπον τῷ Μεσημβρινῷ ὑπαγαγόν-
τες, τὸν Ὀροσκόπον τῆς ἐξέσεως ἡμῖν προσαρμοτόμεν ὥρα.
καὶ εἰ μὲν τῷ πρὸς ἀνατολὰς τόπων τινος τὴν ὥραν μαθεῖν ἐπιέμε-
θα σρέφομεν πρὸς δυσμὰς τὴν Σφαῖραν, ἄχρῃ οὐ ὁ ὑποτεθεῖς τό-
πος ὑπὸ τὸν Μεσημβρινὸν γένηται. ἔγω γὰρ ταύτης κειμένης ὁ Ὀρο-
σκόπος δηλώσει, τὴν ἐξέσεως ἐκείνου ὥραν. Εἰ δ' ἔστι τῷ δυτι-
κωτέρων ἡ ζήτησις γίνεται τὸ ἀνάπαλιν. Εἰ δ' ἡ στροφή τῆς Σφαίρας
ἄχρῃ οὐ ὁ Ὀροσκόπος μίαν διέλθῃ ὥραν ἀποτελεῖται, πάντες οἱ
ὑπὸ

ὑπὸ τὸν Μεσημβρινὸν γενόμενοι τόποι μίαν ἔξουσιν ὥραν πλείονα, ἢ ἐλάττωρα τῆς καθ' ἡμᾶς. Τὰ αὐτὰ ταῦτα ἔφεται, ἄλλο τοῦ τὸν Ὠροσκόπον, καὶ ἐπὶ τῆς ἐχομένης, καὶ τῶν λοιπῶν γενέσθαι ὡρῶν τῇ πειραφῇ τῆς σφαίρας.

Κατὰ πάντα τὸν δοθέντα χρόνον, τοὺς τόπους ἄρειν ἐν οἷς ἡ δοθεῖσα ὥρα ἐστίν.

Εἴπω κατὰ μὲν τὴν ἡμετέραν οἴκησιν ὥρα μετὰ μεσημβρίαν δευτέρα, ζητεῖσθαι δ' οἱ τόποι οἱ τῶν καὶ τετάρτην ἔχοντες μετ' αὐτῆς. Ἰπαγαγέσθαι οὖν ἢ καθ' ἡμᾶς οἴκησις τῶ Μεσημβρινῶ, (κειμένης καὶ τούτοις τῆς Σφαίρας ὀριζοντικῶς) ὁ δ' Ὠροσκόπος τῇ δευτέρᾳ ἐπιτιθέσθαι ὥρα. Καὶ οὕτως σρεφέσθαι ἢ Σφαῖρα πρὸς δυσμᾶς ἄλλοις οὖν ὁ Ὠροσκόπος τὴν τετάρτην καταλάβη. οἱ γὰρ ὑπὸ τὸν Μεσημβρινὸν τότε γενόμενοι τόποι, τὴν δευτέραν ἔξουσιν ὅποιοι πότ' εἰσι μετὰ μεσημβρίαν ὥραν.

Δείξαι ἐπὶ τῆς Σφαίρας, ὅν γράφει παράλληλον ὁ Ἡλιος, ἥτοι τίνας κατὰ κάθετον τόπους διέρχεται κατὰ τὴν δοθεῖσαν ἡμέραν.

Τῆς Σφαίρας ὅπως ποτε τεθείσης, ὑπάγεται ἢ τοῦ ζωδιακοῦ μοῖρα ἢ κατ' ἐκείνην τὴν ἡμέραν διῆππύειν ὁ Ἡλιος ἔτυχε τῶ Μεσημβρινῶ, καὶ κατ' αὐτὴν ὁ Μεσημβρινὸς σημειῦται. Καὶ οὕτω τῆς Σφαίρας ἐξῆς σρεφομένης, πάντες οἱ λαοὶ οἱ τὸ σημεῖον ἐκεῖνο διέρχεσθαι ὁρώμενοι, κατὰ τὴν δοθεῖσαν ἡμέραν ἔξουσι τὸν Ἡλίον κατὰ κάθετον αὐτοὺς φωτίζοντα.

Καὶ κατὰ πᾶσαν ὥραν τὸν ὄν κατὰ κάθετον
φωτίζει τόπον ὁ Ἡΐλιος ἀρεῖν.

Τῆν ἡμέραν ἐπέχει ὁ Ἡΐλιος τοῦ Ζωδιακοῦ κατὰ τὴν δοθεῖσαν ἡμέ-
ραν ἔχοντες, ὑποφέροντες τῷ Μεσημβρινῷ, καὶ κατ' αὐτὴν αὐ-
τὸν σημειούμενοι. Εἴτα τὴν Σφαῖραν σρέφαντες ὑπάγομεν τῷ Με-
σημβρινῷ τὴν καθ' ἡμᾶς οἴκησιν, καὶ τὸν Ὄροσκόπον τῇ ιβ', περ-
σαρμότομεν ὥρα. Καὶ αὐθις τὴν Σφαῖραν σρέφομεν ἄχρις οὗ ἐ-
πί τῆς ιβ', ὁ Ὄροσκόπος γινέται. τὴν καὶ ταύτης ἡμερη-
σίας, ὁ ὑπὸ τὸ πρῶτον σημεῖον τοῦ Μεσημβρινοῦ γινόμενος τόπος
τὸν Ἡΐλιον κατὰ κορυφὴν ἔχει.

Κατὰ πάντα χρόνον τὸ ὑπὸ τοῦ Ἡΐλιου
φωτιζόμενον τῆς Γῆς μέρος ἀρεῖν.

Τῆς Σφαίρας κατὰ τὸ ὕψωμα τοῦ Πόλου ἀναρθωθείσης, ὑπά-
γεται τῷ Μεσημβρινῷ, ὁ οὗ κατὰ κορυφὴν ὑπάρχει ὁ Ἡΐλιος
τόπος, καὶ οὕτω τῆς Σφαίρας ἀκίνητούσης, τὸ ζητούμενον ἐμφανίζε-
ται. ἔσαι γὰρ φωτιζόμενον τῆς Γῆς μέρος, ἅπαν τὸ ὑπὲρ τὸν
Ὀρίζοντα.

Δεῖξαι ἐπὶ τῆς Σφαίρας τοὺς τόπους καθ' οὓς κατὰ
τὸν δοθέντα χρόνον ἀνατέλλει, ἢ δύνει
ὁ Ἡΐλιος.

Τὸ μέρος τῆς γῆς τὸ κατὰ τὴν δοθεῖσαν ὥραν φωτιζόμενον κα-
τὰ μέσον τῷ Μεσημβρινῷ ἀκριβῶς ὑπαγαγόντες, τοῦ ζη-
τουμένου ἐγκρατεῖς γινόμεθα, τὰς ἑκατέρωθεν τῷ Μεσημβρινοῦ οἴ-
κήσεις τῆς Γῆς σκοποῦντες. αἱ μὲν γὰρ πρὸς δυσμὰς τούτου κεί-
μεναι, ἐπὶ τοῦ δυτικοῦ δηλοῦσι Ὀρίζοντος, ὑπερκύπτουσι τοῦ
ἀνα-

ἀνατολικῷ Ὀρίζοντι ὄρωσι τὸν ἥλιον, οἱ δ' ἐπὶ τοῦ ἀνατολικῷ ἕξανατίας δύνοντα.

Τοὺς Περιοίκους, Ἀντοίκους, ἔ' Ἀντίποδας τοῦ
δοθέντος τόπου ἐπὶ τῆς Σφαίρας ἀρεῖν.

Περιοίκους μὲν φασὶ τοὺς ὑπὸ τὸν αὐτὸν μὲν Μεσημβρινὸν, ἐναντίους δὲ τόπους τοῦ αὐτοῦ Παραλλήλου οἰκουῦτας. καὶ τὸ αὐτὸ μὲν ὕψος τοῦ Πόλου Κλίματε, καὶ Ζώνῃ ἔχοντας, διαφορομένους δὲ κατὰ τὰς τῶν ἡμερῶν, καὶ νυκτῶν παραλλαγὰς. τῶν γὰρ περιοίκων ἢ τῆς εὐσῆς ἡμέρα, ἢ τῆς τοῦ λοιποῦ, ἢ ἀπάλλιν. Ἀντικεῖ δ' εἰσιν οἱ τῶν αὐτῶν τοῦ Μεσημβρινοῦ οἰκουῦτες μεσότητα, καὶ τὸ αὐτὸ διάστημα τοῦ Ἰσημερινῆ ἀπέχοντες, ὡς εἶναι καὶ τὸ πλάτος τούτου καὶ ἐκείνου τὸ αὐτὸ, πλὴν τὸ μὲν πρὸς Βορρῶν, τὸ δὲ πρὸς Νότον ἀφορῶν. ἔχουσι δὲ οὗτοι τὰ μέσα τῶν ἡμερῶν, καὶ νυκτῶν τὰ αὐτὰ, τὰς αὐτὰς οἰκουῦτες Ζώνας, καὶ Κλίματα, πλὴν διαφορῶς λεγόμενα. διεννώχασι δὲ κατὰ τοὺς καιροὺς. τὸ μὲν γὰρ ἔαρ τούτων χειμῶν ἐκείνοις, καὶ ἡ μεγίστη τούτων ἡμέρα, ἐκείνοις ἐλαχίστη. Ἀντίποδες δὲ οἱ καὶ ἀντίχθονές εἰσιν, οἱ εὐαστίοις κατὰ τοὺς παρούς ποσὶ συμπίπτοντες, ὑπὸ τὸν αὐτὸν μὲν οἰκουῦτες Μεσημβρινὸν, ἐν τόποις ἔμπης κατὰ διάμετρον ἀλλήλοις ἀντικειμένους. Σωιάδουσι μὲν οὐ καὶ οὗτοι κατὰ τὰ τῶν Πόλων ὕψωματα. τῶν αὐτῶν γὰρ ὁμοιῶσι, πλὴν κατ' εὐαστία, ἢτοι κατὰ διάμετρον ἀντικείμενα ἡμικύκλια ἀριθμουμένων. διαφέρονται δὲ κατὰ τοὺς καιροὺς, ἔαρ φημὶ καὶ Χειμῶνα, Θέρος καὶ Φθινόπωρον, καὶ κατὰ τὰ μέσα τῶν ἡμερῶν, καὶ νυκτῶν. ἐναντία γὰρ ταῦτα πρὸς ἀλλήλους ἐχέουσιν.

Ὅτι δὲ ἐν τῆς Περιοίκους τῆς κατ' αὐτὸν οἰκήσεως ζῆτων, ἕξελώντων τῆς Σφαίρας ἀπὸ τῆς Ὀρίζοντος, καὶ τῶν οἰκησίων αὐτῶν τῶν τῆς Μεσημβρινῆς ὑπαγαγῶν ἀνωτέρω μέρει, καὶ τὸ κατ' αὐτῶν ὕψος τῆς Πόλου λογισάμενος, καὶ ἐπὶ τῆς κατωτέρου μέρους αὐτῆς τῆς Μεσημ-

βεινῶ δὲ πῦ Ἰσημερινοῦ κατὰ τὸν αὐτὸν Πόλον ἀριθμήσας, τοῦ ποδομορίου τὸ δέξεται. τὸ γὰρ πέρασ τῆς ἀπαριθμήσεως τῆς ζήτουμορίου δείξει.

Θ' δὲ τῆς τῷ Ἄντοικων ἰμειρμόνος ἐπιτρίξεως, γήσει μὲν τὴν κατ' αὐτὸν οἰκισιν ὑπὸ τὸν Μεσημβρινὸν, ἄρῶντε τὸ πλάτος αὐτῆς, δὲ τοῦ Ἰσημερινοῦ πρὸς τὸν νότιον Πόλον ἐπὶ τῆ Μεσημβρινῶ ἀριθμήσεται, καὶ ἐπὶ τοῦ τῆς ἀπαριθμήσεως πέρατος ἔξει τῆς ζήτουμορίου ἀντοικούς.

Οἱ δ' Ἀντίποδες δέσκονται τῷ τῶν κατ' αὐτὸν οἰκισιν ὑπὸ τὸν Μεσημβρινὸν ἀγαγόντε, καὶ τὸ πλάτος αὐτῆς ἄρῶντα, ὅ ἐστὶ τὴν δὲ τοῦ Ἰσημερινοῦ ἐπὶ τῆ Μεσημβρινῶ ἀριθμομορίου ταύτης διάσασιν. ταύτην γὰρ εἰ ἐπὶ τῆ κάποι μέρους τῆ Μεσημβρινῶ λογισαμένη, δὲ τοῦ Ἰσημερινοῦ πρὸς τὸν λοιπὸν Πόλον, δῆλοι γινέσκονται οἱ Ἀντίποδες τὰ ἔχματα οἰκισίτες τῆς ἀπαριθμήσεως.

Η' καὶ ἄλλως.

Τῆς Σφαίρας ἐπὶ τῆ Ὀριζοντικῆ μέρους σκίμποδος, ὑπάγεται τῷ Μεσημβρινῶ ἢ κατ' ἡμᾶς οἰκισις, καὶ σημειῖται ἢ μοῖρα τοῦ Μεσημβρινοῦ ἐφ' ἣν αὕτη ἔπεσε. λαμβάνεται δὲ καὶ ἢ ἐναντία ταύτης μείρα, δὲ τοῦ Ἰσημερινοῦ πρὸς τὸν λοιπὸν Πόλον τοῦ λογιμοῦ γιγνομορίου, καὶ σημειοῦται καὶ αὕτη. ὑπ' αὐτῶν οὖν οἱ ἡμέτεροι κείνται Ἄντοικοι. εἴτα τῆς Σφαίρας περιγραφείσης ἡμικύκλιον, ἢτοι μείρας ρπ', τοῦ Ἰσημερινοῦ, ἢ ὅσον τὸν Ὀροσκόπον διελθεῖν ὥρας ιβ', καὶ σπείχθείσης, γινέσκονται οἱ Περίοικοι, καὶ Ἀντίποδες, οἱ μὲν ὑπὸ τὸ σημεῖον τὸ ὑπὸ τῆς κατ' ἡμᾶς οἰκήσεως ἐπὶ τῆ Μεσημβρινοῦ γεγονός, οἱ δὲ ὑπὸ τὸ τῆς Ἄντοικων, οἱ Ἀντίποδες μένοντες.

Τὸ ποσὸν τῆς ἡμέρας ἀρεῖν, ἐφ' ὧν αὕτη τὴν φυσικὴν ὑπερβαίνουσα, μείζω τῆς κδ', ὥρων γίνεται.

Κ Ἀπὸ τὸ ὕψος τῆς Πόλου τῆς ἐφ' ὧν ἡ ζήσεις τόπων τὴν Σφαῖραν ὀρθώσαντες, εὐθεῖαν καθεῖθεν ταύτῃ σφίρομεν, ἄχρις ἢ μίᾳ τῆς ἢ τυγῆσα μοῖρα τῆς Ἐκλειπτικῆς ἀκριβῶς ἀφῆται τῆς τῆς Μεσημβρινῆς πρὸς τὸν Οὐρανὸν συναφῆς. καὶ ταύτῃ σημειώσαντες ἀειθμῶμεν τὰς μεταξὺ ταύτης τε, καὶ τῆς πρώτης Καρκίνου ἠμπεριλαμβανομένης μοῖρας. καὶ ταύτης διπλασιάσαντες, ἔχομεν τὸ ζητούμενον. ὅσαι γὰρ εἰσὶν αἱ μοῖραι, ποσαῦται σχεδὸν καὶ αἱ ἡμέραι ἔσονται, καθ' ἃς ὁ Ἥλιος ὑπὲρ τῆς συνεχῶς διαξίβει μὴ διῶν τὸ σούλον. Σχεδὸν δ' εἴρηται διὰ τὸ μὴ εἶναι μοῖραν τὸν Ἥλιον καθ' ἡμέραν ἀύειν, ἀλλ' ἔστιν οὐ ὑπερβαίνειν, ἔστι δ' ἢ εὐλείπειν καθάπερ περὶ εἴρηται.

Τὰς οἰκήσεις ἀρεῖν, καθ' ἃς τοσούτων ἡμερῶν ἰσημερινῶν γίνεται ἡ ἡμέρα, ὅσων ἂν ὑποθῆται τις ἄχει τῆς Ἐξαμηνιαίου.

Τὸ δοθεὲν ποσὸν τῆς ἡμέρας λαβόντες διχοτομοῦμεν αὐτὸ, καὶ ὅσων ἂν εἴη ἡμερῶν τὸ ἥμισυ, ποσαύτας μοῖρας ἀπὸ τῆς τοῦ Καρκίνου πρώτης ἀειθμήσαντες, σημειῶμεν τὴν τελευταίαν. καθ' ἣν τὴν τοῦ Μεσημβρινοῦ πρὸς τὸν Οὐρανὸν συναφῆσαν ἀκριβῶς ποιησάμενοι, λαμβάνομεν τὸ ὕψος τῆς Πόλου ἀπὸ τῆς ποίας δε τῆς Σφαίρας εἰσέως. ὅπερ ἀπὸ τῆς Ἰσημερινοῦ ἐπὶ τοῦ Μεσημβρινοῦ μεθαρμολογῶμεν, τῆς κατὰ κορυφῆν σημείου τῆς ζήτουμένης οἰκήσεως ἐγκρατῆς γινόμεθα, ἐφ' ὃ οἱ διάγοντες λαοὶ τὴν δοθεῖσαν ἡμέραν ἐσχίσασιν.

Πόσον κατὰ Μεσημβρίαν τῆ κατὰ κορυφῶν σημεία
ἀπέχει ὁ Ἡΐλιος καθ' ἑκάστην ἡμέραν.

Τῆν Σφαιραν κατὰ τὸ τυχὸν ὕψος τῆ Πόλεως τῆς δοθείσης οἰκίσεως
ὡς εἰσάγουτες, δείτκομεν τὸ κατὰ κορυφῶν σημεῖον ταύτης, καὶ
τῆτο σημειώσαμενοι ἄγομεν καὶ τὴν κατ' ἐκείνῳ τὴν ἡμέραν ἐποχὴν
τῆ Ἡΐλιος ὑπὸ τὸν Μεσημβρινόν. καὶ τὰς μεταξὺ τῶ σημείων καὶ ταυ-
τῆς μοίρας ἔξαριθμησάμενοι, ἔχομεν τὸ ζητούμενον. τούτων γὰρ
ἔστι μοιρῶν ἢ τῆ Ἡΐλιος ἀπὸ τῆ κατὰ κορυφῶν σημείου κατ' ἐκείνῳ
τὴν ἡμέραν ὑπόστασις.

Διαφόρων τόπων ἀρεῖν καθ' οὓς ὁ Ἡΐλιος κατὰ τὸν
αὐτὸν χρόνον ὁράται, τὸ αὐτὸ ὕψωμα
ὑπερανέσθηκός τοῦ Οἰζόντος.

Τὸν τόπον δρόντες καθ' ὃν ὁ Ἡΐλιος κατὰ τὸν δοθέντα χρόνον,
κατὰ κορυφῶν ἔστιν, ὑπάγομεν τῆ Μεσημβρινῶ, καὶ σημειώ-
μεν αὐτόν. Καὶ ἐπὶ τῆ σημείου τὸ Τεταρτημόριον σηρίξαντες, καὶ
μίας αὐτοῦ μοῖραν σημειώσαμενοι, περιστρέφομεν αὐτὸ πανταχόσε
τῆς Σφαιρας, καὶ τῆ ζητούμενα ἐπιτυχαίνομεν. πάντες γὰρ οἱ ὑπὸ
τὴν σημειώθεισαν μοῖραν τῆ περιστροφῆ αὐτῆ γιγνόμενοι τόποι τὸ
αὐτὸ ὕψος ὑπερανέσθηκός τὸν Ἡΐλιον ὄψονται. ἐπεὶ γὰρ πάντων τὸ
αὐτὸ ἔστι κατὰ κορυφῶν σημεῖον, ἀφ' ἧ ἐπίσης ἀφελήκασι, δῆλον
ὡς καὶ κατὰ τὰς αὐτὰς μοῖρας ἐν τῆ αὐτῆ χρόνῳ ὑπερανέσθηκός τοῦ
Οἰζόντος ὁ Ἡΐλιος ὄφθῆσεται.

Δείξαι αἰσθητῶς πῆ ἀνατέλλει, ἢ δύνει ὁ Ἡΐλιος,
 τίνωντε κατὰ κορυφῶν ἐς, ἢ ἄλλ' ἄττα
 κατὰ τὴν τυχούσαν ὥραν.

ΤΑ πλείω τῶν ἀνωτέρω ἐκτεθέντων θεωρημάτων, ἐστὶ καὶ αὐτὸ
 πολλῆς τῆς ἐρύτης τε, καὶ ζητήσεως, ἐπὶ τῆς Σφαίρας πραγ-
 ματικώτερον παρασηῖται, τῶν τοῖς ὑποπίπτει ταῖς αἰδήσεσι, καὶ
 γνωριμωτέροις μᾶλλον χαίροντι τῶτον τὸν ἔσπον. Ἡ Σφαῖρα δὲ
 τοῦ Ὀριζοντικῆ ἐκβληθεῖσα σκίμποδος καὶ κατὰ τὸ κατὰ κορυφῶν
 σημεῖον τὰ καθ' ὃν ἡ θεωρεῖται τόπος δεθεῖσα, κρεμάται, καὶ ἐκατέ-
 ρωθεν σπαρτίοις τισι κατὰ τὰς Πόλεις ἐπὶ τῆ Μεσημβρινῆ δεθεῖσι
 σηρίζεται ὑποκειμένῳ τινι Μεσημβρινῶ, τίθεται τε ὑπὸ τὸν τῆς
 Σφαίρας Μεσημβρινὸν ἢ δεθεῖσα εἰκασίς ἀκριβῶς, ὡς εἶναι τὸ ἐν-
 τεῦθεν τὴν τεχνητῶν Σφαῖραν, ἐδὲ ἕτερον, ἢ εἰκόνα τῆς ὅλης Γῆς,
 καὶ μίμημα ἀκριβές, καὶ τὸ ὅλον εἰπεῖν, σμικρὰν ἄλλω Γῶν. τὸν
 μὲν Μεσημβρινὸν ὑπὸ τὸν ἐκείνης ἔχουσαν ἀκριβῶς, τὰς Πόλεις τε
 πρὸς τὰς ἐκείνης ἀφορῶντας, καὶ ἐδὲ τὸ σωζόμενον παρεκκλίνοντας,
 τὸν ἄξονά τε τῶ ἄξονι παράλληλον, καὶ πᾶν τῶν ταύτης μερῶν ἐν ἑ-
 κάτῳ τῶ ἐκείνης ἀνάλογον. Οὕτω γὰρ μεθέσης τῆς Σφαίρας τῶ ἡ-
 λιακῶν ἀκτίων ταύτη Προσβαλλόντων, Πρῶτον μὲν τὸ ἕτερον αὐτῆς
 μέρος ὀφθαίσεται φωτιζόμενον, τὸ δὲ λοιπὸν ἐν σκιά μινεῖ, καὶ
 σκότει. (Δεύτερον) ὡς δῆλον εἶναι τὰς μὲν ἐν φωτὶ πάσας ἡσας
 οἰκήσεις, ἡμέρας καταξυφᾶν. τὰς δὲ τῆ σκιά ἐμμερούσας νυκτὶ
 καλύπτεσθαι. Τρίτον, εἴτις κατὰ τὸ μέσον τῆ πεφωτισμένης ἡμισφαι-
 εῖου τόπου τῶξεται, καθ' ὃν πρὸς ὀρθὰς τῆς ἐπιφανείας σύλον σῆση,
 ὡς μηδεμίαν πανταχόσε πέμπειν σκιὰν, ἀλλὰ πάντα φωτίζεσθαι
 ἀκριβῶς, ἔξει τὸν τόπον ἢ κατὰ κορυφῶν τῶν καῦτα ὁ Ἡΐλιος.
 Τέταρτον, εἰ γεαμμῶ τινα, ἢ σπαρτίον, δὲν θεατέρου τῶ Πόλων
 εἰς τὸν ἕτερον, διὰ μέσῃ τῆ πεφωτισμένης μέρας, ὡς καὶ τὸν σύλον
 διαργεσθαι, ἐκτείνῃ, δείξει πᾶσας μὲν τὰς ὑπ' αὐτῶν ὄντας τὰς

πους μέσω ἔχειν ἡμέραν. τὰς δὲ πρὸς τὸ ἀνατολικὸν ταύτης κειμέ-
 νης μέρος, τὸν χρόνον μετὰ μεσημβρίας ἔχειν. δύει γὰρ κατ' αὐ-
 τὰς τὸ ἕξῃς ὁ ἥλιος. τὰς δὲ πρὸς τὸ δυτικὸν βλέοντας τῆ αὐτῆ πρὸ
 μεσημβρίας καρπῶσαι. ἔτι γὰρ τὸν ἥλιον πρὸς ἀνατολὰς ἔτοι ὀρῶ-
 σι. Πέμπτον. πάντων τῶν οἰκήσεων καθ' ἃς τὸ φῶς τῆ σκιά πρὸς
 δυσμὰς συμπέτεται τὰς οἰκισὰς τὸν ἥλιον προσμένειν τῷ ὀρίζοντι,
 δηλωθήσεται. Ἑκτον. εἴπερ τὸ τῆ ἥλιος φῶς τὸν ἕτερον καταυγά-
 ζῃ τῶν Πόλων, (γίνεται δὲ τῆτο ἐπὶ μὲν τῆ βορείου, τὰ βορεία τῶν
 Ζωδίων τῆ ἥλιου διερχομένη, τὰ νότια δ' ἐπὶ τῆ νοτίου) γνώ-
 ρισμος ἔσαι πάντα μὲν τὰς ὑπὸ τὸ φῶς αὐτῆ διατελουῦντας τόπικας,
 τὰς αὐτὸς δηλαδὴ τῆ κύκλου, τῆ γραφομένης, ὡς ἀπὸ κούρας τῆ
 Πόλα, καὶ τῆ τέλους τῆς σκιάς διαστήματος περιεχομένης συνεχῆς
 ἡμέρας καταξυφᾶν. τὰς δ' ἐναντίως τῆτοις οἰκουῦντας, ἐξ ἐναν-
 τίας νυκτὶ ἐμμένειν διδυκεῖ. Ἑβδόμον. τῆς Σφαίρας ὡδε ἀκινητέ-
 σης τῆ ἥλιος τὸν ἐρανοῖον ὁραύοντος κύκλον, ὀφθαίονται ἐπ' αὐτῆς
 αἱ οἰκήσεις, καθ' ἃς κατὰ μικρὸν αἱ αὐγαὶ τῆ φωτὸς κατὰ τὸ δυ-
 τικὸν μέρος πέμπεται ἄρχονται. κατ' ἀνατολὰς δὲ ἐξ ἐναντίας οἱ
 τόποι δηλωθήσονται καθ' ἃς τὸ σκότος ἐπέρχεται.

